

- A. $X = \{1\}$. B. $X = \left\{1; \frac{3}{2}\right\}$. C. $X = \left\{1; \frac{1}{2}\right\}$. D. $X = \{0\}$.

Câu 15: Cho tam giác ABC có bán kính đường tròn ngoại tiếp là R . Đẳng thức nào sau đây **đúng**?

- A. $\frac{a}{\sin A} = 4R$. B. $\frac{a}{\sin A} = R$. C. $\frac{b}{\sin B} = 2R$. D. $\frac{b}{\sin B} = R$.

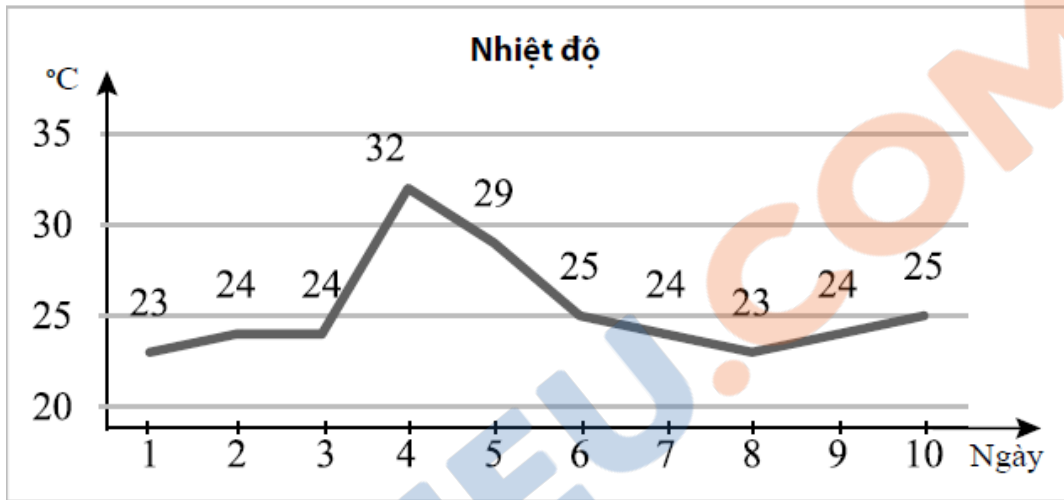
Câu 16: Trong các cặp số sau, cặp nào không là nghiệm của bất phương trình $x + 3y \leq 2$?

- A. $(0; 0)$. B. $(1; 1)$. C. $(-1; 1)$. D. $(-1; -1)$.

Câu 17: Cho đoạn thẳng AB . Gọi M là một điểm thuộc đoạn thẳng AB sao cho $AM = \frac{1}{4}AB$. Khẳng định nào sau đây là **sai**?

- A. $\overline{AM} = \frac{1}{4}\overline{AB}$. B. $\overline{BM} = \frac{3}{4}\overline{BA}$. C. $\overline{MB} = -3\overline{MA}$. D. $\overline{MA} = \frac{1}{3}\overline{MB}$.

Câu 18: Biểu đồ sau ghi lại nhiệt độ lúc 12 giờ trưa tại một trạm quan trắc trong 10 ngày liên tiếp (đơn vị: $^{\circ}C$).



Phương sai và độ lệch chuẩn của mẫu số liệu là

- A. $S^2 = 7,52; S \approx 2,742$. B. $S^2 = 7,7; S \approx 2,775$.
C. $S^2 = 7; S \approx 2,646$. D. $S^2 = 7,61; S \approx 2,76$.

Câu 19: Cho hai vectơ $\vec{a} = (4; 3)$ và $\vec{b} = (1; 7)$. Góc giữa hai vectơ \vec{a} và \vec{b} là

- A. 45° . B. 30° . C. 90° . D. 60° .

Câu 20: Sản lượng lúa (tạ) của 40 thửa ruộng thí nghiệm có cùng diện tích được trình bày trong bảng phân bố tần số sau đây:

Sản lượng	20	21	22	23	24
Tần số	5	8	n	m	6

Tìm n biết sản lượng trung bình của 40 thửa ruộng là 22,1 tạ.

- A. 13. B. 10. C. 11. D. 12.

II. PHẦN TỰ LUẬN (5 điểm)

Câu 21. (1,0 điểm) Cho hai tập hợp $A = (3; +\infty)$, $B = (0; 4)$. Tìm $A \cap B, A \cup B, A \setminus B, C_{\mathbb{R}} A$.

Câu 22. (1,0 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho ΔABC biết $A(-2; 3), B(5; 2), C(-1; 0)$.

- a) Tìm tọa độ trọng tâm tam giác ABC và tọa độ trung điểm của đoạn AB .
b) Tính chu vi của tam giác ABC .

Câu 23. (1,0 điểm) Cho tam giác ABC đều cạnh $4a$, có AH là đường trung tuyến. Tính $|\overline{AB} + \overline{AH}|$.

Câu 24. (1,0 điểm) Điểm trung bình 12 môn của một học sinh được cho như sau

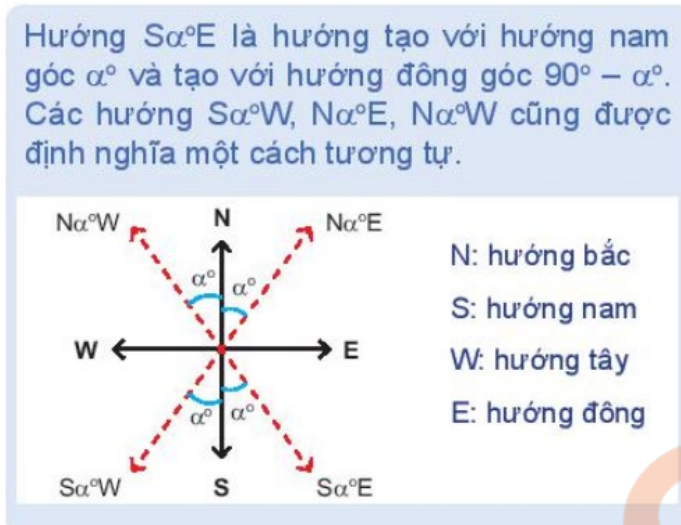
8,6	8,2	8,1	8,8	8,8	8,1	8,2	8,0	6,5	9,8	7,8	7,8
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

- a) Hãy tìm số trung bình, số trung vị của mẫu số liệu trên.

b) Hãy tìm độ lệch chuẩn, khoảng tứ phân vị và giá trị bất thường của mẫu số liệu trên.

Câu 25. (1,0 điểm) Trên sông, một ca nô chuyển động thẳng đều theo hướng $N30^\circ W$ với vận tốc \vec{v}_2 có độ lớn bằng 20 km/h. Tính độ lớn vận tốc riêng \vec{v}_3 của ca nô và biểu diễn hướng của lực. Biết rằng $\vec{v}_2 = \vec{v}_3 + 2\vec{v}_1$, nước trên sông chảy về hướng đông với vận tốc \vec{v}_1 có độ lớn bằng 3 km/h.

Giải thích thuật ngữ:



----- **Hết** -----

(Thí sinh không được sử dụng tài liệu)

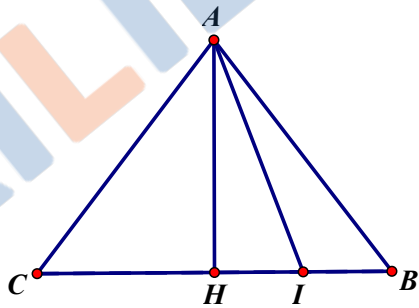
I. TRẮC NGHIỆM

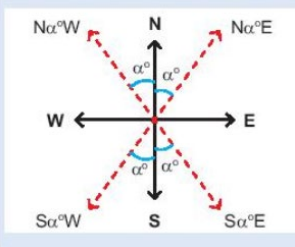
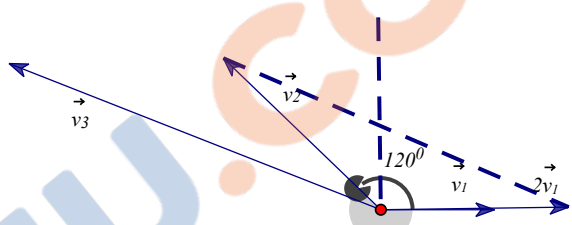
Mã đề Câu	101	102	103	104	105	106	107	108
1	B	D	C	D	B	D	A	C
2	A	B	C	C	D	D	A	D
3	A	C	C	D	A	C	B	C
4	C	B	C	D	B	A	D	B
5	C	A	C	C	C	B	D	D
6	C	C	B	B	D	A	B	B
7	D	D	C	A	A	A	D	C
8	C	B	B	D	A	D	A	D
9	D	A	A	A	B	C	B	A
10	B	D	C	C	A	B	C	C
11	B	C	C	D	A	A	B	B
12	D	A	D	A	B	C	B	A
13	D	B	D	A	A	C	C	A
14	C	B	D	D	C	C	B	A
15	C	A	A	C	C	A	D	D
16	B	B	B	A	B	D	D	A
17	D	B	A	C	B	B	D	C
18	D	C	B	C	A	B	C	D
19	A	A	B	C	C	B	A	C
20	C	A	B	C	C	D	A	C

II. TỰ LUẬN

ĐỀ LỀ

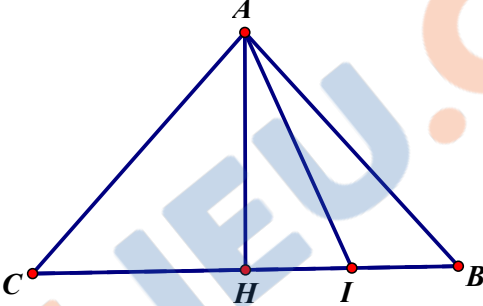
Đáp án		Điểm
Câu 21. (1,0 điểm)	Cho hai tập hợp $A = (3; +\infty)$, $B = (0; 4)$. Tìm $A \cap B, A \cup B, A \setminus B, C_{\mathbb{R}} A$.	1,0 điểm
	$A \cap B = (3; 4)$	0,25
	$A \cup B = (0; +\infty)$	0,25

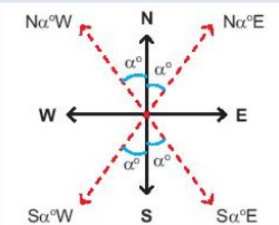
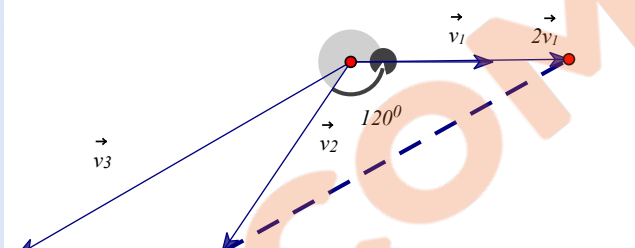
$A \setminus B = [4; +\infty)$	0,25												
$C_{\mathbb{R}} A = (-\infty; 3]$	0,25												
Câu 22. (1,0 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho ΔABC biết $A(-2; 3), B(5; 2), C(-1; 0)$. a) Tìm tọa độ trọng tâm tam giác ABC và tọa độ trung điểm của đoạn AB . b) Tính chu vi của tam giác ABC .	1,0 điểm												
Gọi $G(x_G; y_G)$ là trọng tâm ABC . Ta có $\begin{cases} x_G = \frac{-2+5-1}{3} = \frac{2}{3} \\ y_G = \frac{3+2+0}{3} = \frac{5}{3} \end{cases} \Rightarrow G\left(\frac{2}{3}; \frac{5}{3}\right)$	0,25												
Gọi $I(x_I; y_I)$ là trọng tâm AB . Ta có $\begin{cases} x_I = \frac{-2+5}{2} = \frac{3}{2} \\ y_I = \frac{3+2}{2} = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow I\left(\frac{3}{2}; \frac{5}{2}\right)$	0,25												
$\vec{AB} = (7; -1) \Rightarrow AB = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$ $\vec{AC} = (1; -3) \Rightarrow AC = \sqrt{10}$ $\vec{BC} = (-6; -2) \Rightarrow BC = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}$	0,25												
Chu vi tam giác ABC : $P = AB + AC + BC = 5\sqrt{2} + \sqrt{10} + 2\sqrt{10} = 5\sqrt{2} + 3\sqrt{10}$.	0,25												
Câu 23. (1,0 điểm) Cho tam giác ABC đều cạnh $4a$, có AH là đường trung tuyến. Tính $ \vec{AB} + \vec{AH} $.	1,0 điểm												
													
Gọi I là trung điểm HB . Khi đó, $ \vec{AB} + \vec{AH} = 2\vec{AI} = 2AI$.	0,5												
Xét ΔAIB , $AI^2 = AB^2 + BI^2 - 2AB \cdot BI \cdot \cos 60^\circ = 13a^2 \Rightarrow AI = \sqrt{13}a$.	0,25												
$ \vec{AB} + \vec{AH} = 2AI = 2\sqrt{13}a$	0,25												
Câu 24. (1,0 điểm) Điểm trung bình 12 môn của một học sinh được cho như sau <table border="1" data-bbox="279 1794 1291 1861"> <tr> <td>8,6</td> <td>8,2</td> <td>8,1</td> <td>8,8</td> <td>8,8</td> <td>8,1</td> <td>8,2</td> <td>8,0</td> <td>6,5</td> <td>9,8</td> <td>7,8</td> <td>7,8</td> </tr> </table> a) Hãy tìm số trung bình, số trung vị của mẫu số liệu trên. b) Hãy tìm độ lệch chuẩn, khoảng tứ phân vị và giá trị bất thường của mẫu số liệu trên.	8,6	8,2	8,1	8,8	8,8	8,1	8,2	8,0	6,5	9,8	7,8	7,8	1,0 điểm
8,6	8,2	8,1	8,8	8,8	8,1	8,2	8,0	6,5	9,8	7,8	7,8		
Sắp xếp lại số liệu theo thứ tự không giảm ta có 6,5 7,8 7,8 8,0 8,1 8,1 8,2 8,2 8,6 8,8 8,8 9,8 Trung bình của mẫu số liệu: $\bar{x} = 8,225$.	0,25												

Trung vị mẫu số liệu: $Me = \frac{8,1+8,2}{2} = 8,15$	0,25
Độ lệch chuẩn: $s \approx \sqrt{0,515} \approx 0,718$	0,25
Từ mẫu số liệu ta tính được $Q_1 = 7.9$ và $Q_3 = 8.7$. Do đó, khoảng tứ phân vị là $\Delta_Q = 8.7 - 7.9 = 0.8$ Ta có $Q_1 - 1,5\Delta_Q = 7.9 - 1,5.0,8 = 6.7$ và $Q_3 + 1,5\Delta_Q = 8.7 + 1,5.0,8 = 9.9$ nên trong mẫu số liệu có một giá trị bất thường là 6,5.	0,25
Câu 25. (1,0 điểm) Trên sông, một ca nô chuyển động thẳng đều theo hướng $N30^\circ W$ với vận tốc \vec{v}_2 có độ lớn bằng 20 km/h. Tính độ lớn vận tốc riêng \vec{v}_3 của ca nô và biểu diễn hướng của lực. Biết rằng $\vec{v}_2 = \vec{v}_3 + 2\vec{v}_1$, nước trên sông chảy về hướng đông với vận tốc \vec{v}_1 có độ lớn bằng 3 km/h.	1,0 điểm
<p>Hướng $S\alpha^\circ E$ là hướng tạo với hướng nam góc α° và tạo với hướng đông góc $90^\circ - \alpha^\circ$. Các hướng $S\alpha^\circ W$, $N\alpha^\circ E$, $N\alpha^\circ W$ cũng được định nghĩa một cách tương tự.</p>  <p>N: hướng bắc S: hướng nam W: hướng tây E: hướng đông</p> 	0,25
$\vec{v}_3 = \vec{v}_2 - 2\vec{v}_1$	0,25
$\Rightarrow v_3^2 = v_2^2 + 4v_1^2 - 4v_1.v_2.\cos 120^\circ = 20^2 + 4.3^2 - 4.20.3.\cos 120^\circ = 556$	0,25
Suy ra: $v_3 = \sqrt{556} = 2\sqrt{139} \approx 23,58 \text{ km/h}$	0,25

ĐỀ CHẤM

	Đáp án	Điểm
Câu 21. (1,0 điểm) Cho hai tập hợp $A = (2; +\infty)$, $B = (0; 4)$. Tìm $A \cap B, A \cup B, A \setminus B, C_{\mathbb{R}} A$		1,0 điểm
$A \cap B = (2; 4)$		0,25
$A \cup B = (0; +\infty)$		0,25
$A \setminus B = [4; +\infty)$		0,25
$C_{\mathbb{R}} A = (-\infty; 2]$		0,25
Câu 22. (1,0 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho ΔABC biết $A(1; -1), B(5; -3), C(2; 0)$.		1,0 điểm
a) Tìm tọa độ trọng tâm tam giác ABC và tọa độ trung điểm của đoạn AB .		
b) Tính chu vi của tam giác ABC .		

Gọi $G(x_G; y_G)$ là trọng tâm ABC . Ta có	$\begin{cases} x_G = \frac{1+5+2}{3} = \frac{8}{3} \\ y_G = \frac{-1-3+0}{3} = -\frac{4}{3} \end{cases} \Rightarrow G\left(\frac{8}{3}; -\frac{4}{3}\right).$	0,25									
Gọi $I(x_I; y_I)$ là trọng tâm AB . Ta có	$\begin{cases} x_I = \frac{1+5}{2} = 3 \\ y_I = \frac{-1-3}{2} = -2 \end{cases} \Rightarrow I(3; -2).$	0,25									
$\overline{AB} = (4; -2) \Rightarrow AB = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ $\overline{AC} = (1; 1) \Rightarrow AC = \sqrt{2}$ $\overline{BC} = (-3; 3) \Rightarrow BC = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$		0,25									
Chu vi tam giác ABC : $P = AB + AC + BC = 2\sqrt{5} + \sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 2\sqrt{5} + 4\sqrt{2}$.		0,25									
Câu 23. (1,0 điểm) Cho tam giác ABC vuông cân tại A, cạnh $AB = a\sqrt{2}$, có AH là đường trung tuyến. Tính $ \overline{AB} + \overline{AH} $.	1,0 điểm										
											
Gọi I là trung điểm HB . Khi đó, $ \overline{AB} + \overline{AH} = 2\overline{AI} = 2AI$.		0,5									
Xét $\triangle AIB$, $AI^2 = AB^2 + BI^2 - 2AB \cdot BI \cdot \cos 45^\circ = \frac{5}{4}a^2 \Rightarrow AI = \frac{\sqrt{5}}{2}a$.		0,25									
$ \overline{AB} + \overline{AH} = 2AI = \sqrt{5}$		0,25									
Câu 24. (1,0 điểm) Mẫu số liệu sau là chiều cao (đơn vị: cm) của các bạn trong tổ lớp 10A:	1,0 điểm										
<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 2px 10px;">165</td> <td style="padding: 2px 10px;">168</td> <td style="padding: 2px 10px;">157</td> <td style="padding: 2px 10px;">162</td> <td style="padding: 2px 10px;">165</td> <td style="padding: 2px 10px;">165</td> <td style="padding: 2px 10px;">179</td> <td style="padding: 2px 10px;">148</td> <td style="padding: 2px 10px;">170</td> <td style="padding: 2px 10px;">167</td> </tr> </table>	165	168	157	162	165	165	179	148	170	167	
165	168	157	162	165	165	179	148	170	167		
a) Hãy tìm số trung bình, số trung vị của mẫu số liệu trên.											
b) Hãy tìm độ lệch chuẩn, khoảng tứ phân vị và giá trị bất thường của mẫu số liệu trên.											
Sắp xếp bảng số liệu theo thứ tự không giảm:											
<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 2px 10px;">148</td> <td style="padding: 2px 10px;">157</td> <td style="padding: 2px 10px;">162</td> <td style="padding: 2px 10px;">165</td> <td style="padding: 2px 10px;">165</td> <td style="padding: 2px 10px;">165</td> <td style="padding: 2px 10px;">167</td> <td style="padding: 2px 10px;">168</td> <td style="padding: 2px 10px;">170</td> <td style="padding: 2px 10px;">179</td> </tr> </table>	148	157	162	165	165	165	167	168	170	179	
148	157	162	165	165	165	167	168	170	179		
Trung bình mẫu số liệu: $\bar{x} = 164,6$		0,25									
Trung vị: $Me = \frac{165+165}{2} = 165$		0,25									
Độ lệch chuẩn: $s \approx \sqrt{59,44} \approx 7,71$.		0,25									

<p>Từ mẫu số liệu ta tính được $Q_1 = 162$ và $Q_3 = 168$. Do đó, khoảng tứ phân vị là $\Delta_Q = 168 - 162 = 6$</p> <p>Ta có $Q_1 - 1,5\Delta_Q = 162 - 1,5.6 = 153$ và $Q_3 + 1,5\Delta_Q = 168 + 1,5.6 = 177$ nên trong mẫu số liệu có một giá trị bất thường là 148 và 179.</p>	0,25
<p>Câu 25. (1,0 điểm) Trên sông, một ca nô chuyển động thẳng đều theo hướng $S30^\circ W$ với vận tốc \vec{v}_2 có độ lớn bằng 20 km/h. Tính độ lớn vận tốc riêng \vec{v}_3 của ca nô và biểu diễn hướng của lực. Biết rằng $\vec{v}_2 = \vec{v}_3 + 2\vec{v}_1$, nước trên sông chảy về hướng đông với vận tốc \vec{v}_1 có độ lớn bằng 3 km/h.</p>	1,0 điểm
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p>Hướng $S\alpha^\circ E$ là hướng tạo với hướng nam góc α° và tạo với hướng đông góc $90^\circ - \alpha^\circ$. Các hướng $S\alpha^\circ W$, $N\alpha^\circ E$, $N\alpha^\circ W$ cũng được định nghĩa một cách tương tự.</p>  <p>N: hướng bắc S: hướng nam W: hướng tây E: hướng đông</p> </div> 	0,25
$\vec{v}_3 = \vec{v}_2 - 2\vec{v}_1$	0,25
$\Rightarrow v_3^2 = v_2^2 + 4v_1^2 - 4v_1.v_2.\cos 120^\circ = 20^2 + 4.3^2 - 4.20.3.\cos 120^\circ = 556$	0,25
<p>Suy ra: $v_3 = \sqrt{556} = 2\sqrt{139} \approx 23,58 \text{ km/h}$</p>	0,25