

**ĐỀ CHÍNH THỨC**Đề thi môn: **TOÁN**

(Đề thi gồm có 01 trang)

Thời gian thi: **120 phút** (Không kể thời gian giao đề)

Ngày thi: 08 tháng 12 năm 2022

**Câu 1: (5,0 điểm)**

a) Thực hiện phép tính:  $A = \sqrt{6 + \sqrt{11}} - \sqrt{6 - \sqrt{11}}$ .

b) Cho biểu thức:

$$P = \left( \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+1} - \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-2} - \frac{\sqrt{x}-4}{x-\sqrt{x}-2} \right) : \frac{1-\sqrt{x}}{\sqrt{x}-2} \quad (\text{Với } x \geq 0; x \neq 1; x \neq 4)$$

Rút gọn biểu thức P rồi so sánh P với 4.

**Câu 2: (6,0 điểm)**

a) Giải phương trình:  $\sqrt{2x-1} - \sqrt{x-1} = 1$ .

b) Giải phương trình nghiệm nguyên:  $x^2 + xy = 3x + y + 1$ .

c) Cho hai số x, y thỏa mãn:  $xy - y = x\sqrt{y-1} + y\sqrt{x-3}$ .

Tính giá trị biểu thức:  $M = (y-1)^{2022} + (x-3)^{15} + (x-y)^3$ .

**Câu 3: (2,0 điểm)**Cho các số thực dương a, b, c thỏa mãn:  $abc = 1$ . Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức:

$$Q = \frac{1}{\sqrt{3a+4b+2c}} + \frac{1}{\sqrt{3b+4c+2a}} + \frac{1}{\sqrt{3c+4a+2b}}$$

**Câu 4: (7,0 điểm)**

1. Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Gọi D, K lần lượt là chân đường vuông góc kẻ từ H đến AB, AC

a) Chứng minh:  $AD \cdot AB = AK \cdot AC$

b) Chứng minh rằng: DK là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác KHC.

2. Cho tam giác ABC vuông cân tại A. Trên hai cạnh AB, AC lấy hai điểm M, N sao cho  $AM = CN$ . Xác định vị trí các điểm M, N trên các cạnh AB, AC sao cho MN đạt giá trị nhỏ nhất.-----**HẾT**-----

Họ tên thí sinh: ..... Số báo danh: .....

Thí sinh không được sử dụng tài liệu, giám thị coi thi không giải thích gì thêm.