

Câu 1: Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , đường thẳng  $(\Delta): \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{1} = \frac{z}{-1}$  đi qua điểm nào dưới đây?

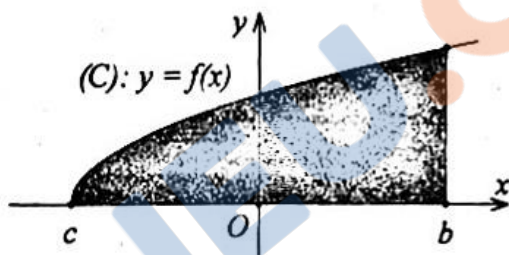
A.  $(1; -3; 1)$ .

B.  $(1; -2; 0)$ .

C.  $(2; 1; -1)$ .

D.  $(3; -1; 1)$ .

Câu 2: Thể tích  $V$  của khối tròn xoay tạo thành do hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục hoành và đường thẳng  $x = b$  (phần tô đậm trong hình vẽ) quay quanh trục  $Ox$  được tính theo công thức nào dưới đây?



A.  $V = \int_b^c [f(x)]^2 dx$ .

B.  $V = \int_c^b |f(x)| dx$ .

C.  $V = \pi \int_c^b [f(x)]^2 dx$ .

D.  $V = \pi \int_b^c [f(x)] dx$ .

Câu 3: Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho  $\vec{a} = (2; -1; 3)$ . Tọa độ của vector  $2\vec{a}$  là

A.  $(4; -2; 3)$ .

B.  $(4; -1; 3)$ .

C.  $(4; -2; 6)$ .

D.  $(4; -2; 5)$ .

Câu 4: Trên mặt phẳng tọa độ, cho số phức  $z$  có điểm biểu diễn là  $M(3; -4)$ . Số phức nghịch đảo của số phức  $z$  là

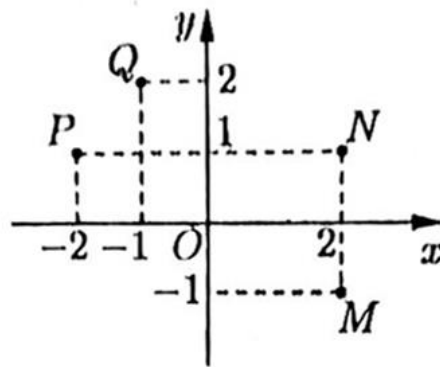
A.  $\frac{1}{z} = \frac{1}{3} - \frac{1}{4}i$ .

B.  $\frac{1}{z} = -\frac{3}{25} + \frac{4}{25}i$ .

C.  $\frac{1}{z} = \frac{3}{25} - \frac{4}{25}i$ .

D.  $\frac{1}{z} = \frac{3}{25} + \frac{4}{25}i$ .

Câu 5: Trên mặt phẳng tọa độ, điểm nào trong hình vẽ bên là điểm biểu diễn số phức  $z = 2 - i$ ?



- A. Q.                      B. P.                      C. M.                      D. N.

**Câu 6:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 2x + 3y - 4z + 7 = 0$ . Vectơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(P)$  là

- A.  $\vec{n} = (-2; 3; -4)$ .                      B.  $\vec{n} = (2; 3; -4)$ .  
C.  $\vec{n} = (2; -3; -4)$ .                      D.  $\vec{n} = (-2; -3; -4)$ .

**Câu 7:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai mặt phẳng  $(\alpha): 3x + 2y - z + 1 = 0$  và  $(\alpha'): 3x + 2y - z - 1 = 0$ . Vị trí tương đối của hai mặt phẳng  $(\alpha)$  và  $(\alpha')$  là

- A. vuông góc với nhau.  
B. song song với nhau.  
C. trùng nhau.  
D. cắt nhau nhưng không vuông góc với nhau.

**Câu 8:** Cho hai số phức  $z_1 = 5 - 6i$  và  $z_2 = 2 + 3i$ . Số phức  $3z_1 - 4z_2$  bằng:

- A.  $7 - 30i$ .                      B.  $-14 + 33i$ .                      C.  $26 - 15i$ .                      D.  $23 - 6i$ .

**Câu 9:** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên tập  $\mathbb{R}$ ,  $F(x)$  là một nguyên hàm của  $f(x)$  thỏa mãn  $F(1) = 3$  và  $F(0) = 1$ . Giá trị  $\int_0^1 f(x) dx$  bằng:

- A. 4.                      B. 2.                      C. -3.                      D. -4.

**Câu 10:** Cho hai số phức  $z_1 = 3 + 2i$ ;  $z_2 = 3 - 2i$ . Tìm số phức  $w = \frac{z_1}{z_2}$ .

- A.  $w = \frac{5}{13} - \frac{12}{13}i$ .                      B.  $w = \frac{3}{7} - \frac{4}{7}i$ .  
C.  $w = \frac{5}{13} + \frac{12}{13}i$ .                      D.  $w = -\frac{5}{13} - \frac{12}{13}i$ .

**Câu 11:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $(d): \frac{x+1}{1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z}{-2}$ , vectơ nào dưới đây là vectơ chỉ phương của đường thẳng  $(d)$ ?

- A.  $\vec{u} = (1; 3; 2)$ .                      B.  $\vec{u} = (1; 3; -2)$ .  
C.  $\vec{u} = (1; -3; -2)$ .                      D.  $\vec{u} = (-1; 3; -2)$ .



D.  $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$  với mọi hàm  $f(x)$ ,  $g(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ .

Câu 20: Môđun của số phức  $z = -5 + 2i$  bằng:

- A. 29.                      B. 7.                      C. 3.                      D.  $\sqrt{29}$ .

Câu 21: Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai vectơ  $\vec{u} = (1; -2; 3)$ ,  $\vec{v} = (0; -1; 2)$ . Tích vô hướng của hai vectơ  $\vec{u}$  và  $\vec{v}$  bằng:

- A.  $\vec{u} \cdot \vec{v} = (0; 2; 6)$ .                      B.  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 8$ .                      C.  $\vec{u} \cdot \vec{v} = (-1; 1; -1)$ .                      D.  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 9$ .

Câu 22: Cho số phức  $z = 2(4 - 3i)$ . Trong các khẳng định dưới đây, khẳng định nào sai?

- A. Môđun của  $z$  bằng 10.  
B. Số phức  $z$  có phần thực bằng 8, phần ảo bằng 6i.  
C. Số phức  $z$  có phần thực bằng 8, phần ảo bằng -6.  
D. Số phức liên hợp của  $z$  là  $\bar{z} = 8 + 6i$ .

Câu 23: Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $(2i + 1)z + 10i = 5$ . Khi đó  $z$  bằng:

- A.  $-3 - 4i$ .                      B.  $3 + 4i$ .                      C.  $-2 - i$ .                      D.  $-2 + i$ .

Câu 24: Trong tập số phức  $\mathbb{C}$ . Phương trình bậc hai nào dưới đây nhận hai số phức  $2 - 3i$  và  $2 + 3i$  làm nghiệm?

- A.  $z^2 + 4z + 13 = 0$ .                      B.  $z^2 + 4z + 3 = 0$ .  
C.  $z^2 - 4z + 3 = 0$ .                      D.  $z^2 - 4z + 13 = 0$ .

Câu 25: Cho tích phân  $I = \int_1^e \frac{3 \ln x + 1}{x} dx$ . Nếu đặt  $t = \ln x$  thì

- A.  $I = \int_0^1 \frac{3t + 1}{e^t} dt$ .                      B.  $I = \int_1^e (3t + 1) dt$ .  
C.  $I = \int_0^1 (3t + 1) dt$ .                      D.  $I = \int_1^e \frac{3t + 1}{t} dt$ .

Câu 26: Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y - 8z + 1 = 0$ . Tọa độ tâm  $I$  và bán kính  $R$  của mặt cầu  $(S)$  là

- A.  $I(2; -6; 8)$ ,  $R = \sqrt{103}$ .                      B.  $I(-1; 3; -4)$ ,  $R = 5$ .  
C.  $I(1; -3; 4)$ ,  $R = 5$ .                      D.  $I(1; -3; 4)$ ,  $R = 25$ .

Câu 27: Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x + 2y - 2z - 2 = 0$  và điểm  $I(1; 2; -3)$ . Bán kính của mặt cầu có tâm  $I$  và tiếp xúc với mặt phẳng  $(P)$  bằng:

- A.  $\frac{11}{3}$ .                      B. 1.                      C. 3.                      D.  $\frac{1}{3}$ .



$$A. z = \frac{14}{5} + \frac{8}{5}i.$$

$$B. z = 4 - 2i.$$

$$C. z = \frac{14}{5} - \frac{8}{5}i.$$

$$D. z = 4 + 2i.$$

**Câu 37:** Cho biết  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} (4 - \sin x) dx = a\pi + b$ , với  $a, b$  là các số nguyên. Giá trị của biểu thức  $a + b$  bằng:

$$A. 1.$$

$$B. -4.$$

$$C. 6.$$

$$D. 3.$$

**Câu 38:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , gọi  $(P)$  là mặt phẳng chứa đường thẳng  $(d): \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z}{-1}$  và cắt các trục  $Ox, Oy$  lần lượt tại  $A$  và  $B$  sao cho đường thẳng  $AB$  vuông góc với  $(d)$ . Phương trình của mặt phẳng  $(P)$  là

$$A. 2x - y - 3 = 0.$$

$$B. x + 2y + 5z - 4 = 0.$$

$$C. x + 2y - z - 4 = 0.$$

$$D. x + 2y + 5z - 5 = 0.$$

**Câu 39:** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ , đồng thời thỏa mãn  $\int_0^2 (f(x) + 3x^2) dx = 10$ . Tích phân  $\int_0^2 f(x) dx$  bằng:

$$A. 18.$$

$$B. 2.$$

$$C. -2.$$

$$D. -18.$$

**Câu 40:** Cho số phức  $z = a + bi$ , ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $z + 1 + 3i - |z|i = 0$ . Tính  $S = a + 3b$ .

$$A. S = \frac{7}{3}.$$

$$B. S = -5.$$

$$C. S = 5.$$

$$D. S = -\frac{7}{3}.$$

**Câu 41:** Gọi  $(H)$  là hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = e^x$ , trục  $Ox$  và hai đường thẳng  $x = 0, x = 1$ . Thể tích của khối tròn xoay tạo thành khi quay  $(H)$  xung quanh trục  $Ox$  là

$$A. \frac{\pi}{2}(e^2 - 1).$$

$$B. \pi(e^2 - 1).$$

$$C. \frac{\pi}{2}(e^2 + 1).$$

$$D. \pi(e^2 + 1).$$

**Câu 42:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(0;1;0), B(2;2;2), C(-2;3;1)$  và đường thẳng  $(d): \frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-3}{2}$ . Tìm điểm  $M$  thuộc  $(d)$  để thể tích  $V$  của tứ diện  $M.ABC$  bằng 3.

$$A. M\left(-\frac{15}{2}; \frac{9}{4}; -\frac{11}{2}\right); M\left(-\frac{3}{2}; -\frac{3}{4}; \frac{1}{2}\right).$$

$$B. M\left(-\frac{3}{5}; -\frac{3}{4}; \frac{1}{2}\right); M\left(-\frac{15}{2}; \frac{9}{4}; \frac{11}{2}\right).$$

C.  $M\left(\frac{3}{2}; -\frac{3}{4}; \frac{1}{2}\right); M\left(\frac{15}{2}; \frac{9}{4}; \frac{11}{2}\right)$ .

D.  $M\left(\frac{3}{5}; -\frac{3}{4}; \frac{1}{2}\right); M\left(\frac{15}{2}; \frac{9}{4}; \frac{11}{2}\right)$ .

**Câu 43:** Trên mặt phẳng tọa độ, cho số phức  $z = -1 - 4i$ . Điểm nào sau đây là điểm biểu diễn của số phức  $z - \bar{z}$ ?

A.  $M(-2; 0)$ .

B.  $M(0; -2)$ .

C.  $M(-8; 0)$ .

D.  $M(0; -8)$ .

**Câu 44:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , biết mặt phẳng  $(P): ax + by + cz - 27 = 0$ ,  $(a, b, c \in \mathbb{R}, a^2 + b^2 + c^2 \neq 0)$  đi qua hai điểm  $A(3; 2; 1)$ ,  $B(-3; 5; 2)$  và vuông góc với mặt phẳng  $(Q): 3x + y + z + 4 = 0$ . Tính tổng  $S = a + b + c$ .

A.  $S = -4$ .

B.  $S = -2$ .

C.  $S = -12$ .

D.  $S = 2$ .

**Câu 45:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba đường thẳng  $(d_1): \frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{-2}$ ,  $(d_2): \frac{x+1}{3} = \frac{y}{-2} = \frac{z+4}{-1}$  và  $(d_3): \frac{x+3}{4} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z}{6}$ . Đường thẳng song song với  $(d_3)$ , cắt  $(d_1)$  và  $(d_2)$  có phương trình là

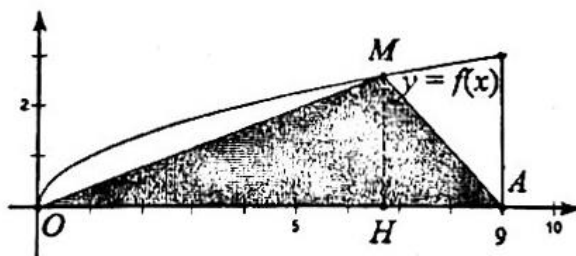
A.  $\frac{x-1}{4} = \frac{y}{-1} = \frac{z+4}{6}$ .

B.  $\frac{x-3}{-4} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{-6}$ .

C.  $\frac{x-3}{4} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{6}$ .

D.  $\frac{x+1}{4} = \frac{y}{-1} = \frac{z-4}{6}$ .

**Câu 46:** Cho đồ thị  $(C): y = f(x) = \sqrt{x}$ . Gọi  $(H)$  là hình phẳng giới hạn bởi đồ thị  $(C)$ , đường thẳng  $x = 9$  và trục  $Ox$ . Cho điểm  $M$  thuộc đồ thị  $(C)$  và điểm  $A(9; 0)$ . Gọi  $V_1$  là thể tích khối tròn xoay khi cho  $(H)$  quay quanh trục  $Ox$ ,  $V_2$  là thể tích khối tròn xoay khi cho tam giác  $AOM$  quay quanh trục  $Ox$ . Biết rằng  $V_1 = 2V_2$ . Tính diện tích  $S$  phần hình phẳng giới hạn bởi đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $OM$ .



A.  $S = \frac{4}{3}$ .

B.  $S = \frac{27\sqrt{3}}{16}$ .

C.  $S = 3$ .

D.  $S = \frac{3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 47:** Xét các số phức  $z = a + bi$ , ( $a, b \in \mathbb{R}$ ) thỏa mãn  $4(z - \bar{z}) - 15i = i(z + \bar{z} - 1)^2$ . Tính

$F = a + 4b$  khi  $\left|z - \frac{1}{2} + 3i\right|$  đạt giá trị nhỏ nhất.

A.  $F = 7$ .

B.  $F = 4$ .

C.  $F = 5$ .

D.  $F = 8$ .

**Câu 48:** Xét hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[0; 1]$  và thỏa mãn điều kiện

$2f(x) - 3f(1-x) = x\sqrt{1-x}$ . Tính tích phân  $I = \int_0^1 f(x) dx$ .

A.  $I = \frac{4}{75}$ .

B.  $I = -\frac{1}{15}$ .

C.  $I = \frac{1}{25}$ .

D.  $I = -\frac{4}{15}$ .

**Câu 49:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt cầu  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 10y - 2z - 6 = 0$ . Cho  $m$  là số thực thỏa mãn giao tuyến của hai mặt phẳng lần lượt có phương trình  $y = m$  và  $x + z - 3 = 0$  tiếp xúc với mặt cầu  $(S)$ . Tích tất cả các giá trị mà  $m$  có thể nhận được bằng:

A.  $-5$ .

B.  $-11$ .

C.  $-10$ .

D.  $-8$ .

**Câu 50:** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(3; 3; 1)$ ,  $B(0; 2; 1)$  và mặt phẳng  $(\alpha): x + y + z - 7 = 0$ . Đường thẳng  $(d)$  nằm trên  $(\alpha)$  sao cho mọi điểm của  $(d)$  cách đều hai điểm  $A, B$  có phương trình là

A.  $\begin{cases} x = 2t \\ y = 7 - 3t \\ z = t \end{cases}$

B.  $\begin{cases} x = -t \\ y = 7 - 3t \\ z = 2t \end{cases}$

C.  $\begin{cases} x = t \\ y = 7 + 3t \\ z = 2t \end{cases}$

D.  $\begin{cases} x = t \\ y = 7 - 3t \\ z = 2t \end{cases}$

.....**HẾT**.....