

**I. TRẮC NGHIỆM (3,0 điểm)**

**Câu 1:** Phương trình nào sau đây là phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $2x + 3y^2 = 0$ .      B.  $xy + z = 0$ .      C.  $x^3 + y = 5$ .      D.  $2x - 3y = 4$ .

**Câu 2:** Cặp số  $(x; y)$  nào sau đây là nghiệm của hệ phương trình  $\begin{cases} 2x - y = 1 \\ 3x + y = 9 \end{cases}$ ?

- A.  $(2; 3)$ .      B.  $(3; 2)$ .      C.  $(-2; -3)$ .      D.  $(1; 1)$ .

**Câu 3:** Trong hình vẽ, cho bốn điểm  $M, N, P, Q$  cùng thuộc  $(O)$ . Số đo góc  $MQP$  bằng

- A.  $20^\circ$ .      B.  $25^\circ$ .  
C.  $30^\circ$ .      D.  $40^\circ$ .

**Câu 4:** Hàm số  $y = (m - 1)x^2$  đồng biến khi  $x > 0$  nếu

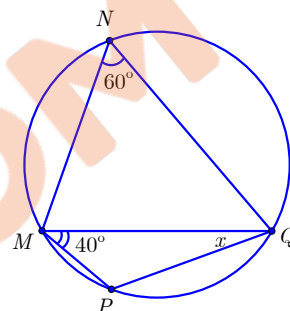
- A.  $m < 1$ .      B.  $m > 1$ .  
C.  $m > -1$ .      D.  $m \neq 1$ .

**Câu 5:** Phương trình  $(m + 1)x^2 - 2mx + 1 = 0$  là phương trình bậc hai một ẩn  $x$

- A. khi  $m = 1$ .      B. khi  $m \neq -1$ .      C. khi  $m = 0$ .      D. với mọi giá trị của  $m$ .

**Câu 6:** Từ một điểm  $M$  nằm ngoài đường tròn  $(O; R)$  vẽ tiếp tuyến  $MT$  và cát tuyến  $MCD$  đi qua tâm  $O$ . Cho  $MT = 20\text{cm}$ ,  $MD = 40\text{cm}$ . Khi đó  $R$  bằng

- A.  $25\text{cm}$ .      B.  $20\text{cm}$ .      C.  $15\text{cm}$ .      D.  $30\text{cm}$ .



**II. TỰ LUẬN (7,0 điểm)**

**Câu 7: (3,0 điểm)**

a) Giải hệ phương trình  $\begin{cases} 2x + y = 3 \\ x - 2y = -1 \end{cases}$

b) Tìm  $a$  biết đồ thị hàm số  $y = (a - 1)x^2$  đi qua điểm  $A(-1; 3)$ .

c) Giải bài toán bằng cách lập hệ phương trình:

Nhân ngày tết trồng cây, hai lớp 9A, 9B có tổng 78 học sinh tham gia trồng cây. Mỗi học sinh lớp 9A trồng được 3 cây, mỗi học sinh 9B trồng được 2 cây, do đó số cây lớp 9A trồng được nhiều hơn số cây lớp 9B trồng được là 34 cây. Tính số học sinh mỗi lớp tham gia trồng cây.

**Câu 8: (3,0 điểm)** Cho đường tròn tâm  $O$  đường kính  $AB$ . Dây  $CD$  vuông góc với  $AB$  tại  $E$  ( $E$  nằm giữa  $A$  và  $O$ ;  $E$  không trùng  $A$ , không trùng  $O$ ). Lấy điểm  $M$  thuộc cung nhỏ  $BC$  sao cho cung  $MB$  nhỏ hơn cung  $MC$ . Dây  $AM$  cắt  $CD$  tại  $F$ . Tia  $BM$  cắt đường thẳng  $CD$  tại  $K$ .

a) Chứng minh tứ giác  $BMFE$  nội tiếp.

b) Chứng minh  $BF$  vuông góc với  $AK$  và  $EK \cdot EF = EA \cdot EB$ .

c) Tiếp tuyến của  $(O)$  tại  $M$  cắt tia  $KD$  tại  $I$ . Chứng minh  $IK = IF$ .

**Câu 9: (1,0 điểm)** Cho các số thực dương  $x, y$  thỏa mãn  $xy > 2021x + 2022y$ . Chứng minh rằng:

$$x + y > (\sqrt{2021} + \sqrt{2022})^2$$

**I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (3,0 điểm)**

Mỗi câu trả lời đúng 0,5 điểm.

Câu	1	2	3	4	5	6
Đáp án	D	A	A	B	B	C

**II. PHẦN TỰ LUẬN (7,0 điểm)**

Câu	Lời giải sơ lược	Điểm
<b>Câu 7.a (1,0 điểm)</b>		
	$\begin{cases} 2x + y = 3 \\ x - 2y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4x + 2y = 6 \\ x - 2y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 5 \\ x - 2y = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 1 \end{cases}$	0,75
	Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất là $(x; y) = (1; 1)$ .	0,25
<b>Câu 7.b (1,0 điểm)</b>		
	Do đồ thị hàm số đi qua điểm $A(-1; 3)$ suy ra $x = -1; y = 3$ thay vào hàm số ta được $(a - 1)(-1)^2 = 3 \Leftrightarrow a - 1 = 3 \Leftrightarrow a = 4$ .	0,75
	Vậy $a = 4$ thì đồ thị hàm số đi qua điểm $A(-1; 3)$ .	0,25
<b>Câu 7.c (1,0 điểm)</b>		
	Gọi số học sinh lớp 9A, 9B tham gia trồng cây lần lượt là $x, y$ (học sinh). ĐK: $x; y \in \mathbb{N}^*; x < 78; y < 78$ . Do hai lớp 9A, 9B có tổng là 78 học sinh tham gia trồng cây nên có PT: $x + y = 78$ (1). Số cây lớp 9A trồng được là $3x$ (cây); Số cây lớp 9B trồng được là $2y$ (cây).	0,5
	Do lớp 9A trồng được nhiều hơn lớp 9B là 34 cây nên có PT: $3x - 2y = 34$ (2) Từ (1) và (2) ta có hệ phương trình $\begin{cases} x + y = 78 \\ 3x - 2y = 34 \end{cases}$ Giải HPT được nghiệm $(x; y) = (38; 40)$ (t/m) Vậy lớp 9A có 38 học sinh, lớp 9B có 40 học sinh tham gia trồng cây	0,5
<b>Câu 8.a (1,25 điểm)</b>		
Vẽ hình ghi GT-KL đúng		0,25
	Có $\widehat{AMB} = 90^\circ$ ( góc nội tiếp chắn nửa (O) ) $\Rightarrow \widehat{FMB} = 90^\circ$ . Do $CD \perp AB$ tại $E \Rightarrow \widehat{FEB} = 90^\circ$ .	0,5

	Xét tứ giác $BMFE$ có $\widehat{FMB} + \widehat{FEB} = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ . Mà hai góc $\widehat{FMB}$ và $\widehat{FEB}$ là 2 góc đối $\Rightarrow$ Tứ giác $BMFE$ nội tiếp.	0,5
<b>Câu 8.b (1,0 điểm)</b>		
	Chứng minh được $F$ là trực tâm của $\Delta AKB \Rightarrow BF \perp AK$ (theo tính chất trực tâm) Chứng minh được $\widehat{EKB} = \widehat{EAF}$ (vì cùng phụ với $\widehat{ABK}$ )	0,5
	Xét $\Delta AEF$ và $\Delta KEB$ có $\widehat{EKB} = \widehat{EAF}$ (theo chứng minh trên) $\widehat{AEF} = \widehat{KEB} (= 90^\circ)$ Từ đó suy ra $\Delta AEF$ đồng dạng với $\Delta KEB$ (g-g) $\Rightarrow \frac{EA}{EK} = \frac{EF}{EB} \Rightarrow EK \cdot EF = EA \cdot EB$ (đpcm)	0,5
<b>Câu 8.c (0,75 điểm)</b>		
	Chứng minh được $\widehat{IMK} = \widehat{AMO}$ (vì cùng phụ với $\widehat{IMA}$ ). Chứng minh được $\widehat{MAO} = \widehat{AMO}$ (vì $\Delta AMO$ cân tại $O$ ). Mà $\widehat{EKB} = \widehat{EAF}$ (theo câu b) hay $\widehat{IKM} = \widehat{MAO}$ . $\Rightarrow \widehat{IMK} = \widehat{IKM} \Rightarrow \Delta IMK$ cân tại $I \Rightarrow IK = IM$ (1).	0,5
	Chứng minh được $\widehat{IMF} = \widehat{IFM} \Rightarrow \Delta IMF$ cân tại $I \Rightarrow IF = IM$ (2). Từ (1), (2) suy ra $IK = IF$ (đpcm).	0,25
<b>Câu 9. (1 điểm)</b>		
	Từ $xy > 2021x + 2022y \Leftrightarrow 1 > \frac{2021}{y} + \frac{2022}{x}$ (vì $x, y > 0$ ). Ta có $x + y = (x + y) \cdot 1 > (x + y) \left( \frac{2021}{y} + \frac{2022}{x} \right)$ (1).	0,5
	Theo bất đẳng thức Bunhiakopsky cho 2 bộ số $(\sqrt{x}, \sqrt{y})$ và $\left( \sqrt{\frac{2022}{x}}, \sqrt{\frac{2021}{y}} \right)$ ta có $(x + y) \left( \frac{2022}{x} + \frac{2021}{y} \right) \geq \left( \sqrt{x \cdot \frac{2022}{x}} + \sqrt{y \cdot \frac{2021}{y}} \right)^2$ (2). Từ (1) và (2) suy ra $x + y > \left( \sqrt{2021} + \sqrt{2022} \right)^2$ (đpcm).	0,5

**Lưu ý: Học sinh làm cách khác đúng cho điểm tối đa.**