

Bài 1: (2,0 điểm) Cho biểu thức :

$$B = \left(\frac{4\sqrt{y} + 7}{y-1} \right) : \left(\frac{y-2\sqrt{y}-2}{y+\sqrt{y}-2} - \frac{2}{1-\sqrt{y}} - \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{y}+2} \right) \text{ (với } y \geq 0; y \neq 1)$$

- Rút gọn biểu thức B.
- Tim y để giá trị của biểu thức B nguyên.

Bài 2: (2,0 điểm)

- Viết phương trình đường thẳng (d) có hệ số góc bằng - 4 và đi qua điểm N(1; 1)
- Tim tọa độ giao điểm của đường thẳng (d) (tim được ở câu a) và Parabol (P)

$$y = x^2$$

Bài 3: (2,0 điểm)

- Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} ax + 3y = b \\ x - by = a \end{cases}$$

Tim a và b để hệ phương trình đã cho có nghiệm duy nhất $(x, y) = (-1; 2)$

- Tim m để phương trình: $x^2 - 2(m-2)x - 7 = 0$ (m là tham số) có hai nghiệm x_1, x_2 thỏa mãn $x_2^2 - x_1x_2 + 2(m-2)x_1 = m^2 - 6m + 23$

Bài 4: (3,0 điểm)

Cho tam giác MNP nhọn. Đường tròn (O) đường kính NP cắt MN, MP lần lượt tại A và B, NB cắt PA tại H; MH cắt NP tại D. Từ M kẻ tiếp tuyến ME, MF của đường tròn (O) (E, F là tiếp điểm).

- Chứng minh tứ giác MAHB nội tiếp.
- Chứng minh $MN \cdot NA = NP \cdot ND$. Từ đó suy ra $MN \cdot NA + PB \cdot MP = NP^2$.
- Chứng minh ba điểm E, H, F thẳng hàng.

Bài 5: (1,0 điểm) Cho a, b, c là các số thực dương và thỏa mãn điều kiện $abc = 1$.

Chứng minh rằng
$$P = \frac{1}{(a+1)^2} + \frac{1}{(b+1)^2} + \frac{1}{(c+1)^2} + \frac{2}{(a+1)(b+1)(c+1)} \geq 1$$

..... HẾT.....