

HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT ĐỀ THI VÀO 10 MÔN TOÁN – TỈNH HẬU GIANG

A. Trắc nghiệm: (2,0 điểm)

1. D	2. B	3. A	4. A
5. D	6. B	7. C	8. B

B. Tự luận: (8,0 điểm)

Câu I (2 điểm)

Cách giải:

1) Rút gọn biểu thức $A = 7\sqrt{20} - 3\sqrt{25}$

Ta có: $A = 7\sqrt{20} - 3\sqrt{25}$

$$= 7\sqrt{4.5} - 3\sqrt{25}$$

$$= 7.\sqrt{4}.\sqrt{5} - 3.5$$

$$= 7.2.\sqrt{5} - 15$$

$$= 14\sqrt{5} - 15$$

Vậy $A = 14\sqrt{5} - 15$.

2) Tính giá trị của biểu thức $B = \sqrt{x} + \frac{3}{2\sqrt{x}} + 4$ khi $x = 9$

Điều kiện: $x > 0$.

Thay $x = 9$ (thỏa mãn điều kiện) vào $B = \sqrt{x} + \frac{3}{2\sqrt{x}} + 4$ ta được:

$$B = \sqrt{9} + \frac{3}{2\sqrt{9}} + 4$$

$$= 3 + \frac{3}{2.3} + 4$$

$$= 3 + \frac{1}{2} + 4$$

$$= \frac{15}{2}$$

Vậy khi $x = 9$ thì $B = \frac{15}{2}$.

3) Rút gọn biểu thức $C = \frac{5}{1-\sqrt{2}} - \frac{5}{1+\sqrt{2}}$

Ta có:

$$\begin{aligned} C &= \frac{5}{1-\sqrt{2}} - \frac{5}{1+\sqrt{2}} \\ &= \frac{-5}{\sqrt{2}-1} - \frac{5}{\sqrt{2}+1} \\ &= \frac{-5(\sqrt{2}+1) - 5(\sqrt{2}-1)}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} \\ &= \frac{-5\sqrt{2} - 5 - 5\sqrt{2} + 5}{2-1} \\ &= \frac{-10\sqrt{2}}{1} \\ &= -10\sqrt{2} \end{aligned}$$

Vậy $C = -10\sqrt{2}$.

Câu II (2,0 điểm)

Cách giải:

1) Giải phương trình $2x^2 - 6x + 1 = 0$.

Ta có: $\Delta' = 3^2 - 2.1 = 7 > 0$ nên phương trình có hai nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{3+\sqrt{7}}{2} \\ x_2 = \frac{3-\sqrt{7}}{2} \end{cases}$.

Vậy tập nghiệm của phương trình là $S = \left\{ \frac{3 \pm \sqrt{7}}{2} \right\}$.

2) Giải hệ phương trình $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + 2y = 5 \end{cases}$.

$$\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + 2y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4x - 2y = 6 \\ x + 2y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 11 \\ y = 2x - 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{11}{5} \\ y = 2 \cdot \frac{11}{5} - 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{11}{5} \\ y = \frac{7}{5} \end{cases}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất $(x; y) = \left(\frac{11}{5}; \frac{7}{5}\right)$.

Câu III (1,5 điểm)

Cách giải:

Trong mặt phẳng Oxy, cho hàm số $y = x^2$ có đồ thị (P) và đường thẳng $d: y = 2x - m + 1$ (với m là tham số).

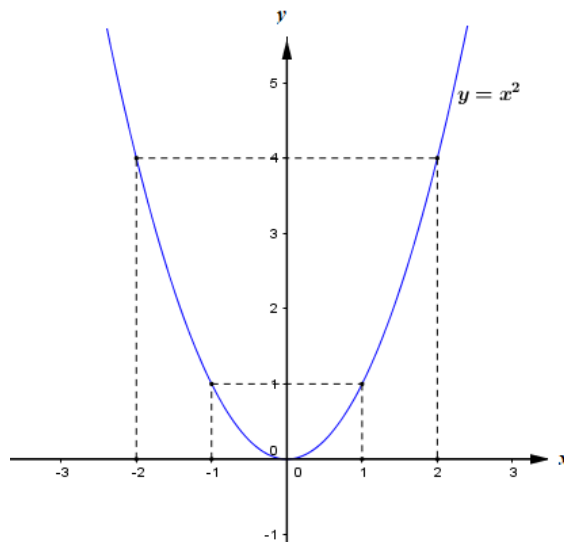
1) Vẽ đồ thị (P).

+ Ta có bảng giá trị:

x	-2	-1	0	1	2
$y = x^2$	4	1	0	1	4

Do đó, parabol (P): $y = x^2$ là đường cong đi qua các điểm $(-2; 4)$, $(-1; 1)$, $(0; 0)$, $(1; 1)$, $(2; 4)$ và nhận Oy là trục đối xứng.

+ Đồ thị hàm số:



2) Tìm tất cả các giá trị của tham số m để đường thẳng d cắt đồ thị (P) tại hai điểm phân biệt A và B có hoành độ lần lượt là x_1 và x_2 thỏa mãn điều kiện

$$x_1^2 + x_2^2 = 2(x_1 + x_2).$$

Xét phương trình hoành độ giao điểm: $x^2 = 2x - m + 1 \Leftrightarrow x^2 - 2x + m - 1 = 0$ (*).

Để đường thẳng (d) cắt đồ thị (P) tại hai điểm phân biệt thì phương trình (*) phải có 2 nghiệm phân biệt

$$\Leftrightarrow \Delta' = 1 - m + 1 = 2 - m > 0 \Leftrightarrow m < 2.$$

Khi đó giả sử phương trình (*) có 2 nghiệm phân biệt x_1, x_2 . Áp dụng định lí Vi-ét ta có:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1 x_2 = m - 1 \end{cases}$$

Theo bài ra ta có:

$$x_1^2 + x_2^2 = 2(x_1 + x_2)$$

$$\Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 = 2(x_1 + x_2)$$

$$\Leftrightarrow 2^2 - 2(m - 1) = 2 \cdot 2$$

$$\Leftrightarrow 4 - 2(m - 1) = 4$$

$$\Leftrightarrow 2(m - 1) = 0$$

$$\Leftrightarrow m - 1 = 0$$

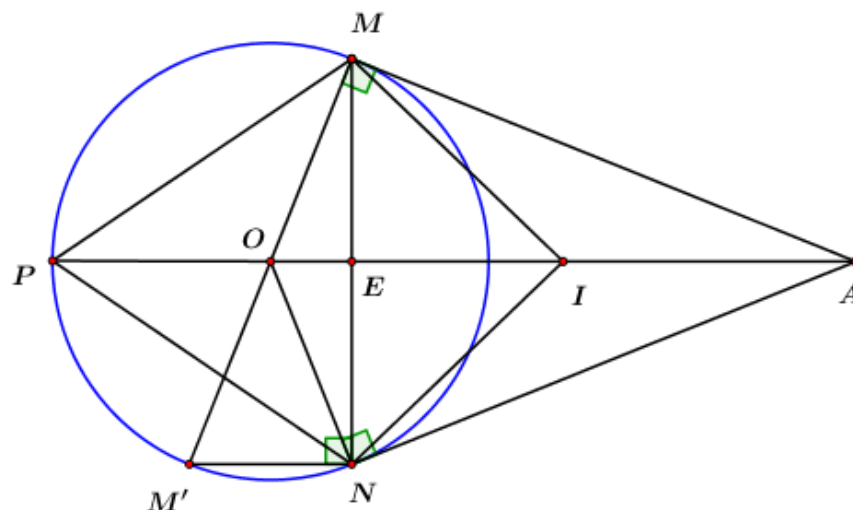
$$\Leftrightarrow m = 1 \text{ (tm)}$$

Vậy $m = 1$ thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Câu IV (2,0 điểm)

Cách giải:

Cho đường tròn (O) có bán kính $R = 2a$ và điểm A nằm ngoài đường tròn (O) . Kẻ đến (O) hai tiếp tuyến AM và AN (với M, N là các tiếp điểm).



1) Chứng minh bốn điểm A, M, N, O cùng thuộc một đường tròn (C) . Xác định tâm và bán kính của đường tròn (C) .

Gọi I là trung điểm của OA.

Ta có: $\angle OMA = 90^\circ$ (AM là tiếp tuyến với (O))

$\Rightarrow \triangle AMO$ vuông tại M

Có MI là trung tuyến $\Rightarrow MI = IO = IA$ (1)

$\angle ONA = 90^\circ$ (AN là tiếp tuyến của (O))

$\Rightarrow \triangle ANO$ vuông tại N

Có NI là trung tuyến $\Rightarrow NI = IO = IA$ (2)

Từ (1) và (2) suy ra $IO = IA = IM = IN$ nên 4 điểm A, M, N, O cùng thuộc đường tròn (C) tâm I bán kính $R = \frac{OA}{2}$. (đpcm)

2) Tính diện tích S của tứ giác AMON theo a, biết rằng $OA = 3a$.

Gọi E là giao điểm của MN và OA.

Ta có: $OM = ON = R$ và $AM = AN$ (tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau)

$\Rightarrow OA$ là đường trung trực của đoạn MN

$\Rightarrow OA \perp MN$ tại trung điểm E của MN.

Tam giác OMA vuông tại M, theo Pitago ta có:

$$AM^2 = OA^2 - OM^2 = (3a)^2 - (2a)^2 = 5a^2 \Rightarrow AM = a\sqrt{5}$$

Tam giác AMO vuông tại M có ME là đường cao nên:

$$ME \cdot OA = OM \cdot AM \Rightarrow ME = \frac{OM \cdot AM}{OA} = \frac{2a \cdot a\sqrt{5}}{3a} = \frac{2a\sqrt{5}}{3}$$

$$\Rightarrow MN = 2ME = 2 \cdot \frac{2a\sqrt{5}}{3} = \frac{4a\sqrt{5}}{3}$$

Tứ giác OMAN có hai đường chéo OA và MN vuông góc nên

$$S_{OMAN} = \frac{1}{2} OA \cdot MN = \frac{1}{2} \cdot 3a \cdot \frac{4a\sqrt{5}}{3} = 2a^2\sqrt{5}.$$

Vậy $S_{OMAN} = 2a^2\sqrt{5}$

3) Gọi M' là điểm đối xứng với M qua O và P là giao điểm của đường thẳng AO và (O), P nằm bên ngoài đoạn OA. Tính $\sin \angle MPN$.

Nối M' với N ta có $\angle MPN = \angle MM'N$ (hai góc nội tiếp cùng chắn cung MN)

$$\Rightarrow \sin \angle MPN = \sin \angle MM'N$$

Tam giác MNM' có $\angle MNM' = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) nên là tam giác vuông tại N .

$$\Rightarrow \sin \angle MM'N = \frac{MN}{MM'} = \frac{4a\sqrt{5}}{3} : 4a = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\Rightarrow \sin \angle MPN = \frac{\sqrt{5}}{3}.$$

Câu V (0,5 điểm)

Cách giải:

Cho x và y là hai số thực không âm thỏa mãn $x + y = 4$. Tìm giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của biểu thức $P = x^4 + y^4 - 4xy + 3$.

Ta có:

$$P = x^4 + y^4 - 4xy + 3$$

$$P = (x^2 + y^2)^2 - 2(xy)^2 - 4xy + 3$$

$$P = [(x + y)^2 - 2xy]^2 - 2(xy)^2 - 4xy + 3$$

$$P = (x + y)^4 - 4xy(x + y)^2 + 4(xy)^2 - 2(xy)^2 - 4xy + 3$$

$$P = 256 - 64xy + 2(xy)^2 - 4xy + 3$$

$$P = 2(xy)^2 - 68xy + 259$$

Đặt $t = xy$, áp dụng BĐT Cô-si ta có: $0 \leq xy \leq \left(\frac{x+y}{2}\right)^2 = 4 \Rightarrow 0 \leq t \leq 4$.

Khi đó ta có:

$$P = 2t^2 - 68t + 259$$

$$P = 2(t^2 - 34t + 17^2) - 319$$

$$P = 2(t - 17)^2 - 319$$

Với $0 \leq t \leq 4 \Rightarrow -17 \leq t - 17 \leq -13$.

$$\Leftrightarrow 13^2 \leq (t-17)^2 \leq 17^2$$

$$\Leftrightarrow 2 \cdot 13^2 \leq 2(t-17)^2 \leq 2 \cdot 17^2$$

$$\Leftrightarrow 2 \cdot 13^2 - 319 \leq 2(t-17)^2 - 319 \leq 2 \cdot 17^2 - 319$$

$$\Leftrightarrow 19 \leq P \leq 259$$

$$\text{Vậy } P_{\min} = 19 \Leftrightarrow t = 4 \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 4 \\ x + y = 4 \end{cases}.$$

Khi đó x, y là nghiệm của phương trình $X^2 - 4X + 4 = 0 \Leftrightarrow (X - 2)^2 = 0 \Leftrightarrow X = 2$.

$$\Rightarrow (x; y) = (2; 2).$$

$$P_{\max} = 259 \Leftrightarrow t = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 0 \\ x + y = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0; y = 4 \\ y = 0; x = 4 \end{cases} \Rightarrow (x; y) = (0; 4) \text{ hoặc } (x; y) = (4; 0).$$

-----HẾT-----